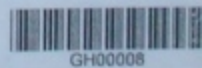


10.071 3
W342c



GH00008

104071 2
1842 C
9400008-

CLÉLIA TAVARES MARTINS



ESCOLA _____

ALUNO _____

AOS PROFESSORES

A apresentação às crianças das progressivas dificuldades nos cálculos, para a compreensão do mecanismo complexo das primeiras operações aritméticas, impõe-nos cuidados indispensáveis, mormente quando se tem em mira ensino proveitoso, eficiente e racional. Visando, então, suavizar de muito esses conhecimentos, publicamos o presente «CADERNO», em que são alinhados especialmente os 15 passos empregados no estudo da divisão por dois algarismos. Antes, porém, e à maneira de esclarecimentos, aqui oferecemos algumas considerações preliminares, necessárias aos professores, para a melhor aplicação dos passos referidos.

INSTRUÇÕES

DOMINIO DAS FASES DA DIVISÃO. — É preciso se ressalte de antemão que a divisão por dois algarismos só deve ser ensinada ao estudante depois de eliminadas todas as deficiências relativas às operações com divisor simples, ministrando-se, para tanto, o necessário treino intensivo dos passos fundamentais da multiplicação e seus inversos, bem assim dos exercícios auxiliares e complementares da própria divisão. Esse cuidado, que pela sua importância sublinhamos de início, traz em si, indubitavelmente, toda a eficácia capaz de dirimir possíveis vícios que sempre se contrapõem à boa marcha do novo ensino a processar.

Para o domínio preciso das diferentes fases progressivas da divisão por dois algarismos, neste nosso trabalho procuramos apresentar, na graduação a empregar, uma só dificuldade em cada passo. Isto posto, sugerimos que do mesmo modo proceda o professor na sequência dos vários passos, atendendo ainda as etapas já estudadas, a fim de desfazer, através de exercícios específicos e sistemáticos, incompreensões por parte dos alunos.

OS PASSOS EMPREGADOS. — No que tange aos passos adotados, é imprescindível que, em linhas rápidas, aqui nos reportemos aos seus propósitos mais gerais. Assim, os seis primeiros passos compreendem exercícios de cálculo fácil do cociente, em divisões com números de um só algarismo no cociente. O quarto e o quinto passos abrangem os casos especiais de divisões com dividendo e divisor terminados em zero. Do sétimo ao oitavo passos, as divisões passam a ter mais algarismos no cociente, porém sem dificuldade no cálculo do mesmo cociente, e sem o «vai um», isto é, sem «reserva» no produto do cociente pelo divisor. Do nono ao undécimo passos, o objetivo essencial é o «vai um». Do duodécimo ao décimo terceiro, a

(Continua na 3.ª capa)



EM CADA UM DESTES VIDROS CABEM 21 SONHOS

1.º Problema

Um negociante comprou 63 sonhos e colocou-os em vidros iguais a estes. Quantos vidros ele pôde encher?

RACIOCÍNIO

$$63 \div 21 = 3$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 6.3 \overline{) 2.1} \\ -6 \\ \hline 0 \end{array}$$

RESPOSTA: O negociante pôde encher 3 vidros.
PROVA : 3 vidros, com 21 sonhos em cada um:
 $21 \times 3 = 63$ sonhos.

2.º Problema

... E se o negociante tivesse comprado 84 sonhos, quantos vidros encheria?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

RESPOSTA:
PROVA :

1.° PASSO

64 | 32 69 | 23 48 | 24
00 2 00 3 00 2

62 | 31 39 | 13 42 | 21
00 2 00 3 00 2

26 | 13 46 | 23 28 | 14
00 2 00 2 00 2

84 | 21 96 | 32 48 | 12
00 4 00 3 00 4

24 | 24 36 | 12 42 | 42
00 1 00 3 00 1

84 | 42 99 | 33 63 | 21
00 2 00 3 00 3

82 | 41 93 | 31 77 | 11
00 2 00 3 00 7

2.° PASSO

123 | 41 124 | 31 128 | 64
00 3 00 4 00 2

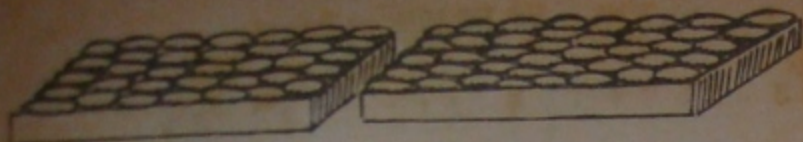
155 | 31 126 | 21 168 | 42
00 5 00 6 00 4

147 | 21 186 | 31 148 | 74
00 7 00 6 00 2

189 | 21 183 | 61 217 | 31
00 9 00 3 00 7

205 | 41 186 | 62 216 | 72
00 5 00 3 00 3

255 | 51 244 | 61 164 | 41
00 5 00 4 00 4



CADA TABULEIRO CONTÉM 63 EMPADAS

1.º Problema

Uma doceira fez 126 empadas. Colocou-as em tabuleiros como os da figura acima.

Quantos tabuleiros ela encheu de empadas?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$126 \div 63 = 2$$

$$\begin{array}{r} 126 \overline{) 126} \\ \underline{00} \end{array}$$

RESPOSTA: Ela encheu 2 tabuleiros.

PROVA : $63 \times 2 = 126$

2.º Problema

...E se a doceira tivesse feito 189 empadas, quantos tabuleiros seriam precisos?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$189 \div 63 = 3$$

$$\begin{array}{r} 189 \overline{) 189} \\ \underline{000} \end{array}$$

RESPOSTA: Seriam precisos 3 tabuleiros

PROVA : $63 \times 3 = 189$

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$$\begin{array}{r} 67 \\ -64 \\ \hline 03 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 59 \\ -48 \\ \hline 11 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 85 \\ -82 \\ \hline 03 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 59 \\ -39 \\ \hline 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 74 \\ -63 \\ \hline 11 \end{array}$$

3.º PASSO

$$\begin{array}{r|l} 67 & 32 \\ \hline 03 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 64 & 21 \\ \hline 01 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 74 & 32 \\ \hline 10 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 37 & 12 \\ \hline 01 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 85 & 41 \\ \hline 03 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 98 & 32 \\ \hline 02 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 45 & 21 \\ \hline 03 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 59 & 39 \\ \hline 20 & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 67 & 33 \\ \hline 01 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 29 & 24 \\ \hline 05 & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 89 & 22 \\ \hline 01 & 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 95 & 31 \\ \hline 02 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 129 & 42 \\ \hline 03 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 137 & 62 \\ \hline 13 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 188 & 92 \\ \hline 04 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 154 & 71 \\ \hline 12 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 195 & 61 \\ \hline 12 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 218 & 72 \\ \hline 02 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 179 & 73 \\ \hline 33 & 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 248 & 81 \\ \hline 05 & 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 569 & 61 \\ \hline 20 & 9 \end{array}$$



456 ENVELOPES COM FIGURINHAS

1.º Problema

Como propaganda, uma livraria mandou 456 envelopes com figurinhas de coleção, para distribuir igualmente entre os alunos de uma escola. Estavam presentes 91 alunos. Quantos envelopes couberam a cada aluno? Sobrou algum?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$456 \div 91 = 5$$

$$\begin{array}{r} 456 \overline{) 91} \\ 015 \end{array}$$

1.ª RESPOSTA: Couberam 5 envelopes.

2.ª RESPOSTA: Sobrou 1 envelope.

2.º Problema

... E se estivessem presentes à escola só 81 alunos, quantos envelopes de figurinhas receberia cada aluno? Quantos sobriam?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$456 \div 81 = 5$$

$$\begin{array}{r} 456 \overline{) 81} \\ 515 \end{array}$$

1.ª RESPOSTA: Cada aluno ganhou 5 envelopes.

2.ª RESPOSTA: Sobraram 51 envelopes.

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$\begin{array}{r} 200 \\ -180 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 170 \\ -150 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 120 \\ -120 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 700 \\ -640 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{r} 500 \\ -490 \\ \hline \end{array}$
80	020	000	060	010

4.º PASSO

$\begin{array}{r} 90 \overline{) 30} \\ 003 \end{array}$	$\begin{array}{r} 60 \overline{) 30} \\ 002 \end{array}$	$\begin{array}{r} 140 \overline{) 70} \\ 002 \end{array}$	$\begin{array}{r} 200 \overline{) 40} \\ 005 \end{array}$
--	--	---	---

Corte um zero no dividendo e outro no divisor. Efetue, depois, as divisões e compare os resultados.

$\begin{array}{r} 90 \overline{) 30} \\ 03 \end{array}$	$\begin{array}{r} 60 \overline{) 30} \\ 02 \end{array}$	$\begin{array}{r} 140 \overline{) 70} \\ 02 \end{array}$	$\begin{array}{r} 200 \overline{) 40} \\ 05 \end{array}$
---	---	--	--

Repare o que acontece, nos exercícios abaixo, quando há resto.

$\begin{array}{r} 80 \overline{) 70} \\ 1 \end{array}$	$\begin{array}{ c c } \hline 8 & 0 \\ \hline \end{array}$	8 dezenas + 0 unidades
--	---	------------------------

O resto é de 1 dezena. Uma dezena ou dez unidades.

Corte um zero no dividendo e outro no divisor. Efetue, em seguida, as divisões. Não esqueça de devolver, isto é, de colocar de volta o zero nos restos.

$\begin{array}{r} 350 \overline{) 50} \\ 007 \end{array}$	$\begin{array}{r} 700 \overline{) 80} \\ 608 \end{array}$	$\begin{array}{r} 810 \overline{) 90} \\ 009 \end{array}$
---	---	---

$\begin{array}{r} 550 \overline{) 60} \\ 109 \end{array}$	$\begin{array}{r} 280 \overline{) 30} \\ 109 \end{array}$	$\begin{array}{r} 490 \overline{) 70} \\ 007 \end{array}$
---	---	---

PROBLEMA

Tio José deu de presente aos sobrinhos 120 bombons. A cada sobrinho entregou esses docos em pacotes com 30 bombons. Você é capaz de descobrir quantos sobrinhos tio José tem?

RACIOCÍNIO

$$120 \div 30 = 4$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 120 \overline{) 30} \\ 00 \ 4 \end{array}$$

RESPOSTA: Tio José tem 4 sobrinhos.

PROVA

Desenhe abaixo quantos pacotes tio José presenteou. Se você colocar 30 bombons em cada pacote, será 120 o total desses docos?

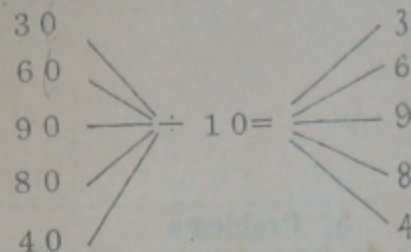


5.º PASSO

Efetue as divisões abaixo, conforme o passo anterior. Cubra, então, com lápis vermelho, os algarismos iguais no dividendo e cociente. Observe o que resulta.

$$\begin{array}{l} 30 \overline{) 10} \quad 60 \overline{) 10} \quad 90 \overline{) 10} \quad 80 \overline{) 10} \quad 40 \overline{) 10} \\ 00 \ 3 \quad 00 \ 6 \quad 00 \ 9 \quad 00 \ 8 \quad 00 \ 4 \end{array}$$

OBSERVE:



COMPLETE:

Para dividir por 10 um número terminado em zero, basta o zero do dividendo.

Faça, agora, as divisões seguintes, sem armar as contas:

$$\begin{array}{ll} 20 \div 10 = 2 & 50 \div 10 = 5 \\ 70 \div 10 = 7 & 10 \div 10 = 1 \\ 120 \div 10 = 12 & 150 \div 10 = 15 \\ 170 \div 10 = 17 & 220 \div 10 = 22 \end{array}$$

1.º Problema

Tia Gilda fez uma coleção de 40 caixinhas de fósforos e distribuiu-a aos sobrinhos, em partes iguais. Somos ao todo 10 sobrinhos. Quantas caixinhas recebi?

RESPOSTA: Recebi 4 caixinhas.

2.º Problema

...Tio Tonico tem o dobro de caixinhas de fósforos. Se ele repartisse a coleção conosco, quantas eu ganharia?

RESPOSTA: Receberia cada sobrinho 2 caixinhas.

3.º Problema

...Você é capaz de dizer quantas caixinhas de fósforos há nas duas coleções juntas? Nas coleções dos tios Tonico e Gilda?

RESPOSTA: Na coleção teria 12 caixinhas.

4.º Problema

...E se juntassem as coleções para você as separar em partes iguais e dar os fósforos aos 10 sobrinhos, qual seria a minha parte?

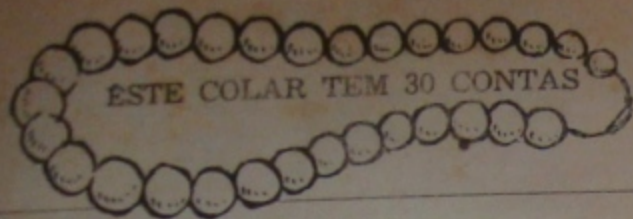
RESPOSTA: A minha parte seria 4 caixinhas.

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$\begin{array}{r} 202 \\ -180 \\ \hline 022 \end{array}$	$\begin{array}{r} 485 \\ -420 \\ \hline 065 \end{array}$	$\begin{array}{r} 500 \\ -480 \\ \hline 020 \end{array}$	$\begin{array}{r} 802 \\ -720 \\ \hline 082 \end{array}$	$\begin{array}{r} 600 \\ -560 \\ \hline 040 \end{array}$
--	--	--	--	--

6.º PASSO

$\begin{array}{r} 82 \\ 02 \end{array} \begin{array}{r} 20 \\ 4 \end{array}$	$\begin{array}{r} 96 \\ 16 \end{array} \begin{array}{r} 40 \\ 2 \end{array}$	$\begin{array}{r} 72 \\ 22 \end{array} \begin{array}{r} 50 \\ 1 \end{array}$
$\begin{array}{r} 165 \\ 15 \end{array} \begin{array}{r} 30 \\ 5 \end{array}$	$\begin{array}{r} 194 \\ 34 \end{array} \begin{array}{r} 40 \\ 4 \end{array}$	$\begin{array}{r} 178 \\ 18 \end{array} \begin{array}{r} 20 \\ 8 \end{array}$
$\begin{array}{r} 106 \\ 26 \end{array} \begin{array}{r} 40 \\ 2 \end{array}$	$\begin{array}{r} 202 \\ 22 \end{array} \begin{array}{r} 60 \\ 3 \end{array}$	$\begin{array}{r} 276 \\ 36 \end{array} \begin{array}{r} 60 \\ 4 \end{array}$
$\begin{array}{r} 256 \\ 16 \end{array} \begin{array}{r} 30 \\ 8 \end{array}$	$\begin{array}{r} 373 \\ 13 \end{array} \begin{array}{r} 40 \\ 2 \end{array}$	$\begin{array}{r} 508 \\ 28 \end{array} \begin{array}{r} 60 \\ 8 \end{array}$
$\begin{array}{r} 582 \\ 22 \end{array} \begin{array}{r} 70 \\ 8 \end{array}$	$\begin{array}{r} 485 \\ 65 \end{array} \begin{array}{r} 70 \\ 6 \end{array}$	$\begin{array}{r} 746 \\ 26 \end{array} \begin{array}{r} 80 \\ 9 \end{array}$
$\begin{array}{r} 802 \\ 82 \end{array} \begin{array}{r} 90 \\ 8 \end{array}$	$\begin{array}{r} 606 \\ 46 \end{array} \begin{array}{r} 70 \\ 8 \end{array}$	$\begin{array}{r} 553 \\ 13 \end{array} \begin{array}{r} 90 \\ 6 \end{array}$



1.º Problema

Para a sua fantasia de baiana, Ceres fez colares iguais aos da figura acima. Quantos colares ela pôde fazer com as 93 contas que possuía? Sobraram contas?

RACIOCÍNIO

$$93 \div 30 = 3$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 93 \overline{) 30} \\ 00 \end{array}$$

RESPOSTA: - 1.ª Ela pode fazer 3 colares.
2.ª Não sobraram contas.

2.º Problema

... Quantos colares iguais aos da Ceres você poderia fazer com 256 contas? Sobraria alguma conta?

RACIOCÍNIO

$$256 \div 30 = 8$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 256 \overline{) 30} \\ 168 \end{array}$$

RESPOSTA: - 1.ª Da para fazer 8 colares.
2.ª Não sobraram 16 contas.

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

107	230	300	451	700
- 93	- 162	- 279	- 427	- 648
014	068	021	024	052

7.º PASSO

588	21	484	44	299	13
168	28	044	11	039	23
00		00		00	
288	12	384	12	902	22
048	24	024	32	022	41
00		00		00	
710	32	738	23	487	22
070	22	048	32	047	22
00		02		03	
1123	31	1787	42	1488	62
193	36	107	42	248	24
07		23		00	
2309	81	4514	61	7790	91
689	28	244	74	510	85
41		00		55	
6900	71	7000	81	3000	93
510	97	520	86	210	32
13		34		24	

PROBLEMA

Um negociante comprou 264 ovos. Acondicionou-os em caixinhas, contendo cada uma 2 dúzias. Quantas caixinhas usou para dispor todos os ovos?

RACIOCÍNIO

$$264 \div 24 = 11$$

CÁLCULO

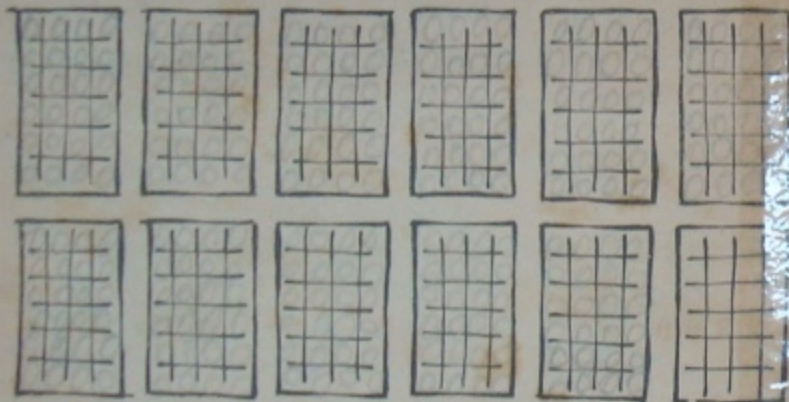
$$\begin{array}{r} 264 \overline{) 24} \\ 024 \\ \hline 00 \end{array}$$

RESPOSTA:

ele usou 11 caixinhas

PROVA

Em todas as caixinhas que ficaram cheias, escreva «24 ovos»:



Quantas vezes você escreveu «24 ovos»? 11 vezes

COMPLETE

$$\begin{aligned} 11 \times 24 &= 264 \\ 264 \div 11 &= 24 \\ 264 \div 24 &= 11 \end{aligned}$$

8.º PASSO

$$\begin{array}{r} 13831 \overline{) 32} \\ 103 \\ \hline 071 \\ 07 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4881 \overline{) 23} \\ 028 \\ \hline 051 \\ 05 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13526 \overline{) 42} \\ 092 \\ \hline 086 \\ 02 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 22421 \overline{) 52} \\ 172 \\ \hline 161 \\ 05 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3596 \overline{) 21} \\ 149 \\ \hline 026 \\ 05 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 49238 \overline{) 90} \\ 423 \\ \hline 638 \\ 08 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 42401 \overline{) 81} \\ 190 \\ \hline 281 \\ 39 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16255 \overline{) 51} \\ 095 \\ \hline 345 \\ 39 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17905 \overline{) 41} \\ 150 \\ \hline 295 \\ 29 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17710 \overline{) 42} \\ 091 \\ \hline 070 \\ 28 \\ \hline 0 \end{array}$$

PROBLEMA

A cantina de um orfanato recebeu no mês de agosto 3875 pães. Quantos pães foram entregues, diariamente?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$3875 \div 31 = 125$$

$$\begin{array}{r} 3875 \overline{) 31} \\ 077 \quad 125 \\ \underline{155} \\ 30 \\ \underline{30} \\ 0 \end{array}$$

RESPOSTA: Foram entregues 125 pães.

PROVA

Agosto tem ... 31 dias.

O cociente encontrado $\times 31$ é igual a 3875?

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 125 \\ \times 31 \\ \hline 125 \\ 375 \\ \hline 3875 \end{array}$$

RESPOSTA

... É igual ...

COMPLETE:

$$31 \times 125 = 3875$$

$$3875 \div 31 = 125$$

EFETUE AS DIVISÕES SEGUINTE:

$$\begin{array}{r} 15387 \overline{) 21} \\ 068 \quad 732 \\ \underline{057} \\ 15 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16610 \overline{) 53} \\ 071 \quad 313 \\ \underline{180} \\ 24 \end{array}$$

COMPLETE:

Na primeira divisão acima o número 15387 é o dividendo; o número 21... é o divisor; e 732... o cociente.

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$$\begin{array}{r} 240 \\ -238 \\ \hline 002 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 330 \\ -324 \\ \hline 006 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 738 \\ -738 \\ \hline 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 730 \\ -729 \\ \hline 001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 675 \\ -672 \\ \hline 003 \end{array}$$

9.º PASSO

$$\begin{array}{r} 132 \overline{) 44} \\ 003 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 238 \overline{) 34} \\ 007 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 477 \overline{) 53} \\ 009 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 170 \overline{) 34} \\ 005 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 108 \overline{) 36} \\ 003 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 324 \overline{) 54} \\ 006 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 576 \overline{) 64} \\ 009 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 438 \overline{) 73} \\ 008 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 268 \overline{) 67} \\ 004 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 508 \overline{) 76} \\ 008 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 672 \overline{) 84} \\ 008 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 738 \overline{) 82} \\ 009 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 492 \overline{) 82} \\ 005 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 534 \overline{) 89} \\ 006 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 729 \overline{) 81} \\ 009 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 432 \overline{) 72} \\ 006 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 256 \overline{) 64} \\ 004 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 256 \overline{) 32} \\ 008 \end{array}$$

PROBLEMA

José comprou uma coleção de livros de história por 138 cruzeiros. Cada livro custou 23 cruzeiros. Quantos livros há na coleção ?

•VEJA COMO É FÁCIL DESCOBRIR A RESPOSTA

- (— Cada 23 cruzeiros representa 1 livro.
- Quantos 23 cruzeiros há em 138 cruzeiros, ou quantos 23 há em 138 ?
- Qual a «operação que diz quantas vezes um número contém o outro» ? Resposta *divisão*.)

AGORA RESOLVA O PROBLEMA

RACIOCÍNIO

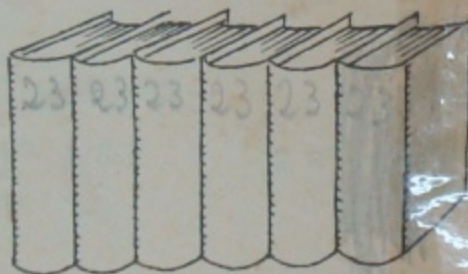
CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 138 \overline{) 23} \\ \underline{006} \end{array}$$

RESPOSTA:

Há na coleção 6 livros.

PROVA



Escreva 23 cruzeiros em cada livro da coleção. O total 138 cruzeiros ? *O total é 138 cruzeiros.*

COMPLETE:

$$138 \div 23 = 6$$

$$138 \div 6 = 23$$

$$23 \times 6 = 138$$

$$6 \times 23 = 138$$

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$$\begin{array}{r} 115 \\ - 96 \\ \hline 019 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 208 \\ - 146 \\ \hline 062 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 239 \\ - 168 \\ \hline 071 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100 \\ - 86 \\ \hline 014 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 110 \\ - 97 \\ \hline 013 \end{array}$$

10.º PASSO

$$\begin{array}{r} 816 \overline{) 34} \\ \underline{136} \\ 28 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7498 \overline{) 23} \\ \underline{059} \\ 138 \\ \underline{03} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1152 \overline{) 32} \\ \underline{192} \\ 36 \\ \underline{00} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8461 \overline{) 63} \\ \underline{216} \\ 134 \\ \underline{271} \\ 19 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 497 \overline{) 38} \\ \underline{017} \\ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2082 \overline{) 73} \\ \underline{622} \\ 28 \\ \underline{38} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2392 \overline{) 84} \\ \underline{712} \\ 28 \\ \underline{40} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8192 \overline{) 64} \\ \underline{179} \\ 128 \\ \underline{512} \\ 00 \end{array}$$

PROBLEMA

Um grupo de 64 alunos da quarta série fez uma rifa de 960 bilhetes, para o Natal dos Pobres. Quantos bilhetes cada um teve de vender?

RACIOCÍNIO

$$960 \div 64 = 15$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 960 \overline{) 64} \\ 320 \underline{15} \\ 00 \end{array}$$

RESPOSTA: Cada um teve que vender 15 bilhetes.

COMPLETE:

O número 960 contém 15... vezes o número 64.

RESOLVA:

$$\begin{array}{r} 14579 \overline{) 42} \\ 197 \underline{347} \\ 299 \underline{05} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 11006 \overline{) 97} \\ 130 \underline{113} \\ 336 \underline{45} \end{array}$$

COMPLETE:

$$347 \times 42 + 5 =$$

$$113 \times 97 + 45 =$$

$$\begin{array}{r} 347 \\ \times 42 \\ \hline 694 \\ 1388 \\ \hline 14574 \\ + 5 \\ \hline 14579 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 113 \\ \times 97 \\ \hline 791 \\ 1017 \\ \hline 10961 \\ + 45 \\ \hline 11006 \end{array}$$

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

270	230	165	400	140
-225	-215	-160	-384	-130
<u>045</u>	<u>015</u>	<u>005</u>	<u>016</u>	<u>010</u>

11.º PASSO

$$\begin{array}{r} 14451 \overline{) 32} \\ 165 \underline{451} \\ 051 \underline{19} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16588 \overline{) 52} \\ 098 \underline{319} \\ 468 \underline{00} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12710 \overline{) 54} \\ 191 \underline{235} \\ 290 \underline{20} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17914 \overline{) 73} \\ 331 \underline{245} \\ 384 \underline{19} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 19907 \overline{) 45} \\ 190 \underline{442} \\ 107 \underline{17} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 17996 \overline{) 33} \\ 149 \underline{545} \\ 176 \underline{11} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 47700 \overline{) 75} \\ 270 \underline{636} \\ 450 \underline{00} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14000 \overline{) 65} \\ 100 \underline{215} \\ 350 \underline{25} \end{array}$$

PROBLEMA

Para comprar sapatos-tenis mais em conta, d.^a Lélia coletou de cada um dos seus alunos 43 cruzeiros, num total de 1505 cruzeiros. Quantos pares adquiriu?

RACIOCÍNIO

CÁLCULO

$$1505 \div 43 = 35$$

$$\begin{array}{r} 1505 \overline{) 1505} \\ \underline{215} \\ 3500 \\ \underline{3500} \\ 00 \end{array}$$

RESPOSTA: Adquiriu 35 pares.
PROVA :

EFETUE:

$$\begin{array}{r} 26000 \overline{) 26000} \\ \underline{080} \\ 1700 \\ \underline{1700} \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 55980 \overline{) 55980} \\ \underline{468} \\ 3800 \\ \underline{3600} \\ 200 \end{array}$$

RESPONDA:

- Dividindo 26000 por 63 achamos para cociente.
- Se dividíssemos 26000 por 412 acharíamos para cociente.

COCIENTE * DIVISOR + RESTO = Dividendo

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$$\begin{array}{r} 309 \\ - 279 \\ \hline 030 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100 \\ - 81 \\ \hline 019 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 304 \\ - 304 \\ \hline 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 134 \\ - 126 \\ \hline 008 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 501 \\ - 464 \\ \hline 037 \end{array}$$

12.º PASSO

$$\begin{array}{r} 81 \overline{) 43} \\ \underline{38} \\ 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 97 \overline{) 38} \\ \underline{21} \\ 17 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 103 \overline{) 21} \\ \underline{19} \\ 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 309 \overline{) 31} \\ \underline{30} \\ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 27} \\ \underline{19} \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 304 \overline{) 38} \\ \underline{00} \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 501 \overline{) 58} \\ \underline{37} \\ 21 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 602 \overline{) 67} \\ \underline{66} \\ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 412 \overline{) 47} \\ \underline{39} \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 96 \overline{) 14} \\ \underline{12} \\ 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 109 \overline{) 15} \\ \underline{19} \\ 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 224 \overline{) 29} \\ \underline{21} \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 134 \overline{) 18} \\ \underline{00} \\ 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 281 \overline{) 29} \\ \underline{20} \\ 9 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 131 \overline{) 19} \\ \underline{17} \\ 2 \end{array}$$

12.º PASSO

11.3' | 1.9

Nesta conta, você terá de experimentar diferentes números até achar o cociente.

EVITE MAIOR TRABALHO CALCULANDO O COCIENTE COM O DIVISOR 20.

$$\begin{array}{r} (2.0) \\ 11.3' \overline{) 1.9} \\ \underline{18} \\ 5 \end{array}$$

11.3' | 1.9
5

E, então, 5 será o cociente. (É quase o mesmo, calcular quantos 19 ou quantos 20 há em 113).

EFETUE:

OBS.: Use o 20 só para calcular o cociente.

$$\begin{array}{r} (20) \\ 76 \overline{) 19} \\ \underline{152} \\ 37 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (20) \\ 165 \overline{) 19} \\ \underline{152} \\ 13 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (20) \\ 148 \overline{) 18} \\ \underline{126} \\ 22 \end{array}$$

Aplique o raciocínio acima nestas continhas:

$$\begin{array}{r} (30) \\ 185 \overline{) 29} \\ \underline{185} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (40) \\ 347 \overline{) 39} \\ \underline{347} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (50) \\ 350 \overline{) 49} \\ \underline{350} \\ 0 \end{array}$$

PROBLEMA

O quitandeiro vendeu 4 dúzias de maçãs por 384 cruzeiros. Qual é o preço de cada maçã?

RACIOCÍNIO

CALCULO

$$\begin{array}{r} (60) \\ 384 \overline{) 48} \\ \underline{336} \\ 48 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 384 \overline{) 48} \\ \underline{384} \\ 0 \end{array}$$

RESPOSTA:

PROVA :

Efetue e tire a prova real das divisões:

$$\begin{array}{r} 200 \overline{) 29} \\ \underline{260} \\ 174 \\ \underline{260} \\ 200 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 110 \overline{) 18} \\ \underline{020} \\ 100 \\ \underline{110} \\ 110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 142 \overline{) 18} \\ \underline{160} \\ 126 \\ \underline{142} \\ 142 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 310 \overline{) 47} \\ \underline{280} \\ 282 \\ \underline{280} \\ 310 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 231 \overline{) 25} \\ \underline{060} \\ 225 \\ \underline{231} \\ 231 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 509 \overline{) 65} \\ \underline{540} \\ 455 \\ \underline{509} \\ 509 \end{array}$$

REVISÃO DA SUBTRAÇÃO

$$\begin{array}{r} 300 \\ -282 \\ \hline 18 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 221 \\ -208 \\ \hline 13 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 411 \\ -406 \\ \hline 05 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 510 \\ -483 \\ \hline 27 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 835 \\ -801 \\ \hline 34 \end{array}$$

13.º PASSO

$$\begin{array}{r} 762 \overline{) 12} \\ 042 \\ \hline 06 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 892 \overline{) 45} \\ 442 \\ \hline 28 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2114 \overline{) 73} \\ 654 \\ \hline 70 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4225 \overline{) 65} \\ 325 \\ \hline 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 68475 \overline{) 89} \\ 617 \\ \hline 835 \\ 34 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 38688 \overline{) 78} \\ 748 \\ \hline 468 \\ 00 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24941 \overline{) 37} \\ 274 \\ \hline 15 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 81228 \overline{) 84} \\ 662 \\ \hline 748 \\ 66 \end{array}$$

PROBLEMA

Um grupo de meninos calculou que com 1260 mudas de grama poderia cobrir todo um campo de futebol. Cada garoto plantaria 45 mudas. Quantos meninos formavam o grupo?

RACIOCÍNIO

$$1260 \div 45 = 27$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 1260 \overline{) 45} \\ 360 \\ \hline 45 \end{array}$$

RESPOSTA:

PROVA

Formaram o grupo 27 meninos.
(Divida 1260 pelo cociente encontrado. Deu 45? Então a conta está certa).

COMPLETE:

$$1260 \div 45 = 27$$

$$1260 \div 27 = 45$$

$$45 \times 27 = 1260$$

$$45 \times 28 = 1260$$

EFETUE:

(Tire a prova)

$$\begin{array}{r} 6030 \overline{) 69} \\ 510 \\ \hline 27 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25610 \overline{) 26} \\ 221 \\ \hline 130 \\ 00 \end{array}$$

14.º PASSO

$$\begin{array}{r} 31992 \overline{) 68} \\ 479 \\ \hline 032 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 65531 \overline{) 84} \\ 673 \\ \hline 01 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 46800 \overline{) 65} \\ 130 \\ \hline 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16300 \overline{) 65} \\ 430 \\ \hline 400 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 33600 \overline{) 40} \\ 080 \\ \hline 000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20000 \overline{) 45} \\ 200 \\ \hline 200 \\ \hline 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 43417 \overline{) 62} \\ 0017 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 44102 \overline{) 21} \\ 021 \\ \hline 0002 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 49991 \overline{) 78} \\ 319 \\ \hline 171 \\ \hline 15 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 85297 \overline{) 87} \\ 699 \\ \hline 037 \end{array}$$

PROBLEMA

Para uma festa escolar, os alunos de dona Paulina arrumaram 720 cadeiras no auditório, em filas de 36 cadeiras. Quantas filas arrumaram?

RACIOCÍNIO

$$720 \div 36 = 20$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 720 \overline{) 36} \\ 00020 \end{array}$$

RESPOSTA:

Arrumaram 20 filas.

RESPONDA:

— Quantos alunos tinha dona Paulina, se cada um arrumou uma fila de cadeiras no auditório da escola?

— Quantos 36 há em 720?

$$\begin{array}{r} 54163 \overline{) 57} \\ 186 \\ \hline 153 \\ \hline 39 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3000 \overline{) 75} \\ 00040 \end{array}$$

EFETUE

$$\begin{array}{r} 66383 \overline{) 99} \\ 8 \\ \hline 530 \\ \hline 33 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2600 \overline{) 43} \\ 0200104 \end{array}$$

15.º PASSO

$$\begin{array}{r|l} 48852 & 69 \\ \hline 0552 & 708 \\ 00 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 49978 & 98 \\ \hline 0978 & 503 \\ 96 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 180420 & 60 \\ \hline 00420 & 3007 \\ 00 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 487871 & 69 \\ \hline 0487 & 707 \\ 041 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 584511 & 73 \\ \hline 00511 & 8007 \\ 00 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 679194 & 97 \\ \hline 00134 & 7002 \\ 00 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 442840 & 41 \\ \hline 0328 & \\ 00 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 829008 & 76 \\ \hline 0690 & 1092 \\ 160 & \\ 038 & \\ 12 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 69028 & 76 \\ \hline 162 & 921 \\ 108 & \\ 32 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 28567 & 47 \\ \hline 0367 & 607 \\ 38 & \end{array}$$

PROBLEMA

A Diretora da escola gastou 4830 cruzeiros na compra de fazendas para uniformes. Se cada metro custou 46 cruzeiros, quantos metros foram comprados?

RACIOCÍNIO

$$4830 : 46 = 105$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 4830 \\ \underline{0230} \\ 0230 \\ \underline{00} \end{array}$$

RESPOSTA: Foram comprados 105 metros.
PROVA : $105 \times 46 = 4830$

PROBLEMA PARA VESTIR:

1200 cruzeiros + 12 cruzeiros = 100 cadernos.
Escreva e resolva um problema com a situação acima indicada.

A Diretora da escola gastou 1200 cruzeiros na compra de cadernos. Se cada caderno custou 12 cruzeiros, quantos cadernos foram comprados?

RACIOCÍNIO

$$1200 : 12 = 100$$

CÁLCULO

$$\begin{array}{r} 1200 \\ \underline{012} \\ 0120 \\ \underline{00} \end{array}$$

RESPOSTA: Foram comprados 100 cadernos.

CALCULOS GRADUADOS

Divisão por número de dois algarismos

- 1.º PASSO: $24 \div 12 = 45 \div 24 = 55 \div 11 = 88 \div 22 = 66 \div 66 = 95 \div 95 =$
- 2.º PASSO: $186 \div 63 = 124 \div 62 = 246 \div 41 = 248 \div 31 = 497 \div 71 = 144 \div 72 =$
 $219 \div 73 = 324 \div 81 = 276 \div 92 = 729 \div 81 =$
- 3.º PASSO: $39 \div 37 = 29 \div 14 = 86 \div 21 = 28 \div 12 = 147 \div 72 = 131 \div 41 =$
 $158 \div 63 = 254 \div 72 = 820 \div 91 = 137 \div 32 =$
- 4.º PASSO: (s/resto) $120 \div 20 = 320 \div 80 = 240 \div 40 = 80 \div 20 =$
(c/resto) $290 \div 40 = 630 \div 90 = 470 \div 90 = 730 \div 80 =$
- 5.º PASSO: $130 \div 10 = 180 \div 10 = 310 \div 10 = 470 \div 10 = 590 \div 10 = 650 \div 10 =$
 $730 \div 10 = 890 \div 10 = 800 \div 10 =$
- 6.º PASSO: $63 \div 30 = 76 \div 40 = 109 \div 30 = 199 \div 60 = 263 \div 50 = 468 \div 50 =$
 $403 \div 70 = 674 \div 80 = 295 \div 90 = 494 \div 60 =$
- 7.º PASSO: $288 \div 12 = 521 \div 41 = 589 \div 11 = 1657 \div 31 = 1123 \div 31 = 2300 \div 71 =$
 $1710 \div 72 = 9951 \div 41 = 2396 \div 73 = 4111 \div 92 = 2309 \div 81 =$
 $2000 \div 63 = 2610 \div 62 = 3684 \div 40 =$
- 8.º PASSO: $5324 \div 44 = 4708 \div 31 = 19202 \div 61 = 58624 \div 40 = 13217 \div 62 =$
 $9950 \div 82 = 16909 \div 73 = 31415 \div 92 =$
- 9.º PASSO: $225 \div 48 = 243 \div 33 = 492 \div 82 = 288 \div 96 = 584 \div 73 = 828 \div 92 =$
 $846 \div 94 = 201 \div 34 = 260 \div 52 = 378 \div 63 = 518 \div 74 = 574 \div 82 =$
 $102 \div 34 = 105 \div 35 = 172 \div 43 =$
- 10.º PASSO: $816 \div 34 = 645 \div 43 = 7529 \div 32 = 9683 \div 43 = 841 \div 56 = 969 \div 57 =$
 $1729 \div 64 = 383 \div 79 = 1551 \div 86 = 10925 \div 95 = 1262 \div 87 =$
 $10080 \div 80 = 3290 \div 72 = 1493 \div 87 =$
- 11.º PASSO: $330 \div 54 = 551 \div 89 = 850 \div 94 = 299 \div 67 = 450 \div 64 = 730 \div 81 =$
 $444 \div 76 = 690 \div 76 = 1050 \div 65 = 1621 \div 62 = 1199 \div 46 =$
 $1486 \div 32 = 3700 \div 66 = 2720 \div 85 = 7210 \div 42 =$
- 12.º PASSO: $89 \div 49 = 90 \div 29 = 19 \div 29 = 154 \div 34 = 181 \div 32 = 151 \div 25 =$
 $203 \div 46 = 301 \div 37 = 131 \div 28 = 541 \div 68 = 85 \div 13 = 347 \div 39 =$
 $110 \div 17 = 393 \div 47 = 940 \div 98 = 187 \div 25 = 165 \div 29 = 247 \div 3 =$
 $343 \div 49 = 235 \div 39 = 651 \div 19 =$
- 13.º PASSO: $1854 \div 34 = 3604 \div 46 = 3010 \div 38 = 1701 \div 49 = 4410 \div 45 =$
 $50518 \div 56 = 4094 \div 46 = 26629 \div 39 = 31001 \div 67 = 37110 \div 45 =$
 $43000 \div 57 = 36208 \div 48 = 11002 \div 17 =$
- 14.º PASSO: $637 \div 21 = 1691 \div 37 = 2600 \div 43 = 2840 \div 47 = 3000 \div 75 =$
 $23591 \div 46 = 40620 \div 63 = 65011 \div 89 = 24333 \div 38 = 28000 \div 58 =$
 $39900 \div 95 = 62100 \div 97 =$
- 15.º PASSO: $10464 \div 96 = 37444 \div 74 = 25247 \div 83 = 480225 \div 75 = 651744 \div 93 =$
 $45367 \div 89 = 46127 \div 23 = 434173 \div 70 = 520510 \div 65 = 68050 \div 68 =$
 $720100 \div 90 = 35002 \div 86 =$

divisão atinge um grau de dificuldade mais acentuado no cálculo do cociente. Nestes dois passos, é necessário «experimental» o cociente, já que o primeiro cociente calculado é «muito». No décimo quarto passo, aparece zero final no cociente; e no décimo quinto, zero intercalado no cociente. Em todos esses passos, como veremos, estarão enquadradas, perfeitamente, as diferentes dificuldades próprias dos cálculos da divisão com divisor com-
 posto.

OS PROBLEMAS APRESENTADOS. — Desde o início da divisão por dois algarismos, deve o professor voltar as suas atenções, paralelamente, tanto para a significação como para o mecanismo da operação, isso porque de tal interrelação resultará a idéia clara da divisão e portanto o raciocínio preciso dessa situação. Assim considerando, foi então, que no presente «Caderno» procuramos alinhar alguns problemas a guisa de sugestão apenas, para que neles baseado o professor possa variar, quanto possível os tipos de problemas outros a apresentar à classe.

Nossas sugestões no desenvolvimento dos passos, de forma alguma serão pelos professores apresentadas às crianças como meras tarefas cotidianas, mas sim exercidas à classe em situação de interesse, ilustradas, comentadas, e enriquecidas, já que só desse modo permitirão o aprendizado eficaz da divisão. Para seu turno, as ilustrações, os complementos de igualdade, as ordens e perguntas contidas neste «Caderno» tem, também, o mesmo fim a ser alcançado.

Em nossos problemas, tivemos o cuidado de fugir, quanto possível do uso de palavras «partes» (repartir, dividir em partes iguais, etc.), que para a criança são identificadoras da operação a efetuar. Assim o fizemos e esse detalhe foi feito com interesse, tendo em vista, principalmente, a tendência condenável, por prejudicial, que sente o professor em alertar o aluno pelo vocabulário próprio de cada operação.

Finalizando nossas considerações, assinalamos que cada página de cálculos formulados encerra exigências que de maneira nenhuma podem ser postas de lado. A «prova», nos problemas, reveste-se de importância, bem assim como os exercícios de subtração inseridos no cabeçalho de várias páginas. Por outro lado, aconselhamos ainda ao professor seja este «Caderno» guardado na própria escola e só entregue ao aluno nos horários de tarefas aritméticas. Devem constituir deveres de casa somente os exercícios complementares.



EDITORIA CARTAZ S.A. * RUA 13 DE MAIO 160 - CTIBA